課題演習 B4 2018 後期 資料 No.8b 名前(

2018/11/28 (Wed.)

)

- 1. 結晶格子の基礎と X 線回折の原理
- (a) 結晶格子と逆格子

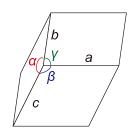
結晶:	原子が3次元に	に並んだもの

1. 繰り返しの周期を代表する点 → _______

→ Oすべて_____な点

※原子位置である必要はない

2. 結晶の繰り返しの最小単位 → ______



L	一般的には	である。

→ 3 辺の長さと、各面での2 辺の角度の計6 自由度

:_____

● 結晶の分類:

7種類の結晶系 → 基本となる対称操作による分類

※対称操作:回転・鏡映・併進などのうち、_____ を変えない操作

	辺の条件	角度の条件	基本対称操作
三斜晶	a≠b≠c	$\alpha \neq \beta \neq \gamma$	なし
単斜晶	a≠b≠c	$\alpha = \gamma = 90^{\circ} \neq \beta$	2回回転
三方晶	a = b ≠ c	$\alpha = \beta = 90^{\circ}, \ \gamma = 120^{\circ}$	3 回回転
(菱面体晶)	a = b = c	$\alpha = \beta = \gamma \neq 90^{\circ}$	
六方晶	a = b ≠ c	$\alpha = \beta = 90^{\circ}, \ \gamma = 120^{\circ}$	6回回転(または6回回反)
直方晶(斜方晶)	a ≠ b ≠ c	$\alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ}$	3 つの 2 回回転
正方晶	a = b ≠ c	$\alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ}$	4回回転(または4回回反)
立方晶	a = b = c	$\alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ}$	4 つの 3 回回転

_____種のブラベー格子 → 格子点の配列についての分類

______種の空間群 → 結晶の対称操作による分類

● 逆格子			_a
結晶中の原子の繰り返	し → 波のように思える		ь∭ЙЙЙЙ
※波の場合:	ベクトルが波の繰り返	!Lのと	— *******
を規定する。			\$ \$ \$ \$ \$.
結晶の場合も同様: たた	だし、繰り返し周期は	なので、「波数」も_	_ \\\\\
	→「波数」の点も	_を組む → 逆格子	
逆格子は結晶の	中の電子や原子振動など	どの振る舞いを考え	る上で基本的に重要
● 基本逆格子ベクトル			
結晶中の繰返し間隔(「	波長」)には、 <u>最大</u> がある: (例 直方晶の場合 a 軸	方向の最大「波長」は
→ 逆格子には <u>最</u> /	<u>小</u> 値がある:基本逆格子べ	クトル	
結晶の基本ベクトル(a,	b , c または a ₁ , a ₂ , a ₃)と逆	格子の基本ベクトル(a	*, b *, c *または g 1, g 2, g 3)の関係
→ a*は a 方向のi	最大の繰り返しを持つ「波面	i = bc 面」に垂直で、大	ささは「波長」d。に対して 2π/d。
→ 単位胞の体積	Vは V=		
→ ここから da が久	♪かる: da=		
→ 結局、a*=			ただし、2πをつけない定義もある
一般の逆格子ベクトル	G _{hkl} =		
● 格子面			
逆格子ベクトル G nkl で見	見定される「波」の「波面」の	うち、格子点を通るもの	
		→(hkl) の格子面。	という
		→(hkl) を	指数という
● 格子面の性質(よく教科	料書とかに書いてあるやつ)		
(1) 一つの(hkl)に対応 ⁻	する格子面は無数に存在す	·る	
(2) h, k, l が大きいほど	「波数 G hk 」は大きい → 村	各子面(波面)の間隔 d	_{nki} t
「波数 G _{hkl} 」と格	子面間隔 d _{hkl} の関係:		【重要!】
		c.f. 波の波数と	波長の関係
(3) G _{hkl} と格子面は常に	<u>-</u> o		

(4) 実空間との対応

r ·	$m{G}_{hlk} = $ (「波」を考えれば、波面は exp(-i k r)の位相部分が $2\pi n$ になる面)
\rightarrow	ある格子点を原点として a 軸と n = 1 の格子面がどこで交わるかを
	求めるには、 $r = pa$ とおいて、 $p =$ と求められる
\rightarrow	結局、(hkl)格子面は
	①a 軸上の、原点からの位置
	②b 軸上の、原点からの位置
	③c 軸上の、原点からの位置
	をそれぞれ通る。

ある格子点を原点とした時、n番目の(hkl)格子面上の点rの満たす方程式は

(5) h, k, l が互いに素であれば、すべての(hkl)格子面は格子点上を通る。そうでない場合は、h, k, l を最大 公約数 p で割った格子面(h/p k/p l/p)の 1/p の面間隔になっている。

【練習問題 1】

YBCO の構造は直方晶(斜方晶)です。YBCO の a, b, c, a*, b*, c*, dhkl, |Ghkl|の間の関係式を求めましょう。

【練習問題2】

格子定数の文献値 a=3.8210 Å, b=3.8826 Å, c=11.6720 Å(添付の資料も参照)を用いると、 d_{hkl} や $2\theta_{hkl}$ の値を計算する。計算で出てきた $2\theta_{hkl}$ の近くにあるピークが hkl のピークだとして、格子定数を算出できる。

hkl	2θ _{hkl} (計算)	2 <i>θ_{hkl}</i> (実験)	格子定数
001			c =
002			c =
100			a =
010			b =

×	このように、ひとつのピークから格子定数を決めるのではなく、全ピークを Fitting して決める方法がある。
	(Whole powder-pattern decomposition)WPPD 法、リートベルト(Rietbeld)法 etc.

- → 後日チャレンジ
- (b) 結晶格子による X 線の回折
- 回折の条件

結晶格子に×線が入射する →	が満たされたときに強い回折が起きる	
実空間版 :		
逆格子空間版:	(条件ともいう)
→ X 線のが逆格子ベクトル	レ(hkl)に等しい ~	保存に似ている
※この条件は伝導電子のバンド	構造などでも出てくる	
このとき、X 線が格子面(hkl)によってされ	れるように見える	
※ちなみに、n は 1 としてしまってよい。なぜか?		
● 構造因子 ~内部の構造による寄与		
X 線回折強度 $I_{hkl} \propto S_{hkl} ^2 S_{hkl}$ を構造因子という		
$S_{hkl} = $		
構造因子は回折のなどを与える		

参考文献

- 中井泉、泉富士夫、粉末 X 線解析の実際 第 2 版 朝倉書店(粉末 X 線回折に関する教科書。実用にも。 逆格子の定義がイバッハの教科書と違うので注意。
- E. N. Maslen, A. G. Fox, and M. A. O'Keefe, "International Tables for Crystallography" Vol.C Kluwer (List of all space groups)

Appendix

Structure of YBCO

Cu 1 +2.8 1 a 0 0 0 1. 0

Cu 2 +2 2 q 0 0 0 0.3557(2) 1. 0 0 1 -2 2 q 0 0 0.1600(4) 1. 0 0 2 -2 2 s 0.5 0 0.3776(5) 1. 0 0 3 -2 2 r 0 0.5 0.3778(5) 1. 0 0 4 -2 1 e 0 0.5 0 0.9 0 *end for ICSD #39359

```
*data for ICSD #39359
Coll Code 39359
Rec Date 1991/07/10
Chem Name Yttrium Barium Copper Oxide (1/2/3/6.9)
Structured Y Ba2 Cu3 06.9
Sum Ba2 Cu3 06.9 Y1
ANX ABC2D2X7
D(calc) 6.37
Title Neutron diffraction study of HTSC ceramics YBa2Cu306.9
Author(s) Nozik, Yu.Z.; Kuklina, E.S.; Schuster, G.; Weiss, L.; Matz, W.
Reference Kristallografiya (1991), 36(\(\frac{4}{N}\)), 217-218
Soviet Physics, Crystallography (= Kristallografiya) (1991), 36(\(\frac{4}{N}\)), 125-126
Unit Cell 3.8210(2) 3.8826(3) 11.6720(8) 90. 90. 90.
Vol 173.16
Z 1
                                       − 空間群 / space group
Space Group P m m m
SG Number 47
Cryst Sys orthorhombic
                                      ← 結晶系 / crystal system
Pearson oP13
Wyckoff tsrq2hea
R Value 0.044
Red Cell P 3.821 3.882 11.672 90 90 90 173.159
Trans Red 1.000 0.000 0.000 / 0.000 1.000 0.000 / 0.000 0.000 1.000
Comments Total SOF on at least one site differs from unity (SOF <
0.997 \text{ resp. } SOF > 1.003)
Neutron diffraction (powder)
The structure has been assigned a PDF number (calculated
powder diffraction data): 01-077-0623
Rietveld profile refinement applied
Structure type : YBa2Cu3O6+x(orh)
Atom # OX SITE x y z SOF H
Y 1 +3 1 h 0.5 0.5 0.5 1. 0
Ba 1 +2 2 t 0.5 0.5 0.1851(4) 1. 0
```

← 格子定数 / lattice constants

← 原子位置 / position of each atom