トピックス

マジックアングルグラフェンにおける量子異常ホール状態

安田 憲司 / マサチューセッツ工科大学 PD

1. はじめに

2018年、2層のグラフェンを魔法角と呼ばれる、 約1.1 度という特定の角度だけずらして重ねたマ ジックアングルグラフェン (Magic angle twisted bilayer graphene, MATBG) において、電子相関 に由来した絶縁体状態とその近傍の超伝導状態が 報告された [1,2]。これは元々1枚のグラフェン を切断し、それらのグラフェンに角度をつけた上 でファンデルワールス力によって接合すること で実現できる。このとき、図1(a)に示すように、 元々の結晶格子間隔に比べて長周期の構造が実現 し、例えば 1.1 度の角度では約 13 nm 程度のモ アレ超格子が生じる。TBG のバンド構造は、2 枚 のグラフェンのディラックバンド分散をずらして 重ねたものとして理解できる。図 1(b) に示すよ うに、2枚のグラフェンの逆格子ベクトルK1,K2 の差から、長周期のモアレ超格子のミニブリルア ンゾーンが生成される。この超格子ブリルアン ゾーンに着目すると、K1, K2 に生じるディラック コーンが、層間のホッピングによってその交点付 近にエネルギーギャップを生じる結果、層間角度



図1:(a) マジックアングルグラフェンの模式図。(b) グラフェ ンのブリルアンゾーン(赤、青の六角形)と、モアレ超格 子の逆格子から生成されるミニブリルアンゾーン(小さい 黒の六角形)が生じる。(c,d) K valley 付近のミニブリルア ンゾーンにおけるバンド構造の角度依存性。層間のホッピ ングの効果によって、1層目(青点線)と2層目(赤点線) のディラックコーンが混成する結果、緑色の線で示したよ うにディラック点のフェルミ速度が変化する。特に、魔法 角において平坦バンドが実現する(d)。(e) hBN と方位の揃っ た MATBG のバンド構造。電荷中性点におけるギャップが 開くことにより、上側、下側の平坦バンドがそれぞれ*C*= +1,*C*=-1のチャーン数を生じる。

に依存してディラック点のフェルミ速度が劇的に 変化する (図 1(c,d)) [1,3]。(ここでは、K 点付近 の構造に着目したが、同様な構造は K' 点付近に も生じるため、バレーの自由度が存在する。)特 に魔法角1.1度においては、フェルミ速度が0に 近づき、ディラック点の上下にバンド幅 W が 10 meV 以下の極めて平坦な 2 枚のバンドが生じる (図 1(d))。このとき電子相関UがWに対して支 配的となり、1電子近似からは物性を予測できな い強相関系が実現する。MATBG はグラフェン特 有の移動度の高さに加えて、ゲート電圧によるバ ンド全体に渡るフェルミ準位の制御が可能なこと から、強相関系を調べる上での最適なモデル物質 になると期待でき、初期の報告の後、理論・実験 の両面から盛んに研究が進められてきた。例えば、 層間角度・キャリア密度の面内一様性の改善、圧 力効果、STM や走査 SQUID 等の局所プローブ測 定を通して、キャリア密度に依存した電子状態の 鋭敏な変化が観測されてきた。それと同時に、相 関角度や歪等の試料の詳細に対してバンド構造が 極めて敏感であることに由来して、その相図が試 料ごとに顕著に異なることも明らかになってい る。さらに近年になって、積層の自由度を利用す ることにより、当初の予想を超えた発見もされて おり、スタンフォードのグループによって六方晶 窒化ホウ素 (hBN) をグラフェンの方位に対して揃 えた MATBG において、特定の占有率でのみヒス テリシスを伴う強磁性が現れることが報告された [4]。その直後、サンタバーバラのグループによっ て類似の試料において、ホール抵抗がゼロ磁場で 量子化する量子異常ホール効果が観測された [5]。 このことは、特定のキャリア密度において、電子 相関がチャーン絶縁体を誘起することを意味して おり、他に類似のない非常に興味深い系になって いる。筆者は直接本研究には携わっていないが、 本稿では関連する分野の観点から [5] の論文を中 心として紹介する。

2. 強磁性と量子異常ホール状態の観測

高品質なグラフェンのデバイスを作製する場 合、界面の不純物を取り除き、かつゲート絶縁 層として利用する目的から hBN で挟んだ積層構 造を用いるのが一般的である。このとき、グラ フェン同士の角度に加えて、hBN とグラフェン の相対的な角度の自由度が存在する。ファンデル

TOPICS

ワールスヘテロ構造を作製する場合、一般には hBN とグラフェンの方位はランダムな角度と なるが、結晶軸方向に薄片のエッジが現れやす いことを利用することで、これらの方位を意図 的に揃えることができる。 図 2(a) に hBN の方 位を揃えた MATBG の輸送特性のゲート電圧依 存性を示す [5]。まず、v = 4, -4 の占有状態に おいて抵抗の大きい絶縁体状態が現れる。vは モアレ単位胞あたりの電子数に相当し、K 点, K' 点のバレーとスピンの自由度のため、v = 4 (-4)の時2枚の平坦バンドが完全占有(非占 有)となる。この時フェルミエネルギーがバン ドギャップ内に相当するバンド絶縁体が実現す る。この自明な絶縁体状態に加え、v = 2,3 に おいて特徴的な抵抗の変化がみられる。特に興 味深いのが、v=3での振る舞いであり、ホー ル抵抗が h/e²の量子化値をとるとともに、縦 抵抗が顕著に減少している。磁場依存性を調べ ると、図 2(b) のように、零磁場においても量 子化抵抗が保たれるとともに、0.1 T 以下の低 磁場で面直異方性のヒステリシスを伴ってホー ル抵抗が h/e² から -h/e² へと変化する。これら の振る舞いは、v=3において系が強磁性とな り、それによって有限のチャーン数C=1を有 する量子異常ホール状態が実現していることを 意味している。特に、このようなヒステリシス と異常ホール抵抗が、1電子近似からは金属的 な振る舞いが予期される v = 3 近傍においての み生じることから、電子相関によって時間反転 対称性が破れていることがわかる。異常ホール 効果を伴う強磁性は転移温度 $T_c \approx 9 \text{ K}$ 程度まで 生じ、3 K 程度まで量子化抵抗が保たれる(図 2(c))。低温でのアレニウスプロットから得ら れる活性化エネルギーは 30 K 程度と転移温度 に比べて高く、このことは量子化温度が強磁性 転移温度自体によって支配されていることを意 味している [5]。



図 2: (a) 縦抵抗 R_{xx}(赤)、ホール抵抗 R_{yx}(青)の電子密度 n 依存性。(b)v = 3 における抵抗の磁場依存性。(c)v = 3 に おけるホール抵抗の温度依存性。[5]より引用。 【Science 誌から許可を得て掲載】

3. 理論的理解

hBN の方位がランダムな MATBG においては、 v = 3 において絶縁体状態が観測されている試料 であっても、強磁性や異常ホール効果が現れてい ない。このことから、hBN と MATBG の方位が揃 うことが、強磁性の発現に重要な役割を果たして いると考えられる。この機構は未だ完全には解明 されていないが、現時点でのもっともらしい理解 を紹介する。まず、単層グラフェンの方位が hBN と揃っている場合のバンド構造を議論する。グラ フェンの低エネルギー有効ハミルトニアンは質量 のないディラックバンド分散で書き表される。グ ラフェンのディラック点は AB 副格子の対称性に 守られているが、hBN との方位と揃えた場合、基 板のホウ素と窒素の非等価性に由来してA副格子 とB副格子に異なるポテンシャルが誘起される。 その結果、ディラックバンド分散に 20 meV 程度 のギャップが開き、K 点(K' 点)近傍において有 限のベリー曲率が生じるとともに、価電子帯のバ ンドが +1/2 (-1/2) のチャーン数を持つ [6]。hBN と MATBG の方位が揃う時、同様な機構によって、 K 点 (K' 点) におけるミニブリルアンゾーンの平 坦バンドの電荷中性点にギャップが開き、上側の 平坦バンドがC=+1(C=-1)、下側の平坦バンド がC = -1 (C = +1)のチャーン数を有することに なる(図1(e))[7]。以上のバンド構造と、v = 3 において量子異常ホール効果が観測されているこ ととを考え合わせると、図 3(b) に示すように、v =3においてバレー並びにスピンが偏極した状態 が実現していると考えるのがもっともらしい。つ まり、交換相互作用によって、特定のバレー並び にスピン偏極した平坦バンドのみが占有され、自 発的に時間反転対称性を破っているというわけで ある。これは、量子ホール状態においてランダウ レベルが形成したとき、特定の占有率でスピンの 揃った量子ホール強磁性並びに特定のバレーのみ が占有されたバレー偏極状態が実現することと類 似している。ここでグラフェンのスピン軌道相互 作用は無視できるほど小さいため、磁性がスピン に由来しているとすると磁気異方性は生じないは ずである。従って、実験的に面直の磁気異方性が 観測されていることは、イジング的なバレー自由 度の偏極、つまり軌道角運動量の秩序が強磁性の 起源となっていることを意味している [5]。ここ で、電子スピンの偏極はv = 3 においてギャップ を開く上で重要な役割を果たすが、異方性はなく、 異常ホール効果にも寄与していないことに注意し ていただきたい。

量子異常ホール効果は、磁性元素 Cr あるいは V を添加したトポロジカル絶縁体 (Bi,Sb)₂Te₃ 薄 膜において精力的に調べられてきた(近年では MnBi₂Te₄ 薄片においても量子異常ホール効果が 観測されている)[7]。これらの系では、トポロ



図 3:v = 4(a) と v = 3(b) におけるバンド構造の模式図。v = 3 の時チャーン絶縁体が実現する。[5] より引用。 【Science 誌から許可を得て掲載】

ジカル絶縁体表面のスピン偏極したギャップレス なディラックバンド分散が、局在磁化との相互作 用によってギャップを開くことでベリー曲率を生 じ、チャーン絶縁体となる。つまり、スピン強磁 性とスピン軌道相互作用が合わさることで量子化 したホール効果として電子の運動に影響を与え る。一方、本系においては、電子の軌道自体が強 的に秩序することで、スピン軌道相互作用を介さ ずに量子化が起こるという点で、磁性トポロジカ ル絶縁体と明確に区別される。

4. まとめと今後の展望

本稿では、hBN と方位を揃えた MATBG の v = 3の占有率において、強磁性チャーン絶縁体が実 現することを紹介した。その起源は、有限なチャー ン数を持つ平坦バンドを舞台として、電子相関に よってバレー並びにスピンの対称性の破れが誘起 されることとして大まかに理解できるが、未だ不 明な点も多くさらなる研究が求められる。例えば、 単純な考察からは同様の機構でv = 1, -1, -3 の占 有についても、チャーン絶縁体が生じてもよいよ うに思えるが、これらの占有率でも量子異常ホー ル効果が生じるのか否かという疑問が考えられ る。さらに興味深いことに、本系では 10³ A cm⁻² という低電流密度において磁化とホール抵抗が反 転することが報告されている。これは、典型的な 強磁性金属/重金属接合の接合において必要な 10⁷⁻⁸ A cm⁻² に比べて極めて小さく、またこれら の場合と異なりスピン軌道相互作用に依らない電 流誘起磁化反転が起こっていると考えられること から、その起源の解明が課題である [4,5]。低電 流で磁化並びにカイラルエッジ電流の方向を制御 できることから、これを用いたデバイスへの展開 も考えられる。

TOPICS

類似の系の探索も進められており、hBN の方位 が揃っていないと考えられる MATBG においても、 4 T 程度の磁場下ではあるものの、v = −1 の占有 率で異常ホール効果のヒステリシスを伴う磁気転 移が観測されている [9]。加えて、hBN と方位を 揃えた ABC 三層グラフェンにおいても(この系 では、hBN とグラフェンの格子不整合によってモ アレ超格子が形成される)、v = -1の占有率でC = 2 の量子異常ホール効果が観測されている。さ らに興味深いことに、本系では面直方向に印加す る電場の方向に依存して、C=0の自明な絶縁体 からC=2のチャーン絶縁体へのトポロジカル相 転移が誘起される[10]。本稿で紹介したように、 ファンデルワールスヘテロ接合においては、積層 の設計自由度を利用することでミクロなハミルト ニアンが制御でき、その結果、強相関電子系の基 底状態が劇的に変化することが明らかになってき た。今後 MATBG を舞台として、強相関電子系の 理解がさらに深まることが期待できる。

原稿執筆の機会を下さった上田正仁先生、柏谷 聡先生、PD メンターの Pablo Jarillo-Herrero 教 授にこの場を借りて感謝いたします。

- [1] Y. Cao et al., Nature **556**, 80–84 (2018).
- [2] Y. Cao et al., Nature **556**, 43–50 (2018).
- [3] R. Bistritzer, and A. H. MacDonald, Proc. Natl. Acad. Sci. **108**, 12233–12237 (2011).
- [4] A. L. Sharpe et al., Science **365**, 605–608 (2019).
- [5] M. Serlin et al., Science eaay5533 (2019).
- [6] B. Hunt et al, Science **340**, 1427–1430 (2013).
- [7] N. Bultinck, S. Chatterjee, and M. P. Zaletel, arxiv:1901.08110.
- [8] Y. Tokura, K. Yasuda, and A. Tsukazaki, Nat. Rev. Phys. 1, 126–143 (2019).
- [9] X. Lu et al., Nature **574**, 653–657 (2019).
- [10] G. Chen et al., arXiv:1905.06535.



やすだけんじ 安田 憲司

1991年東京都生まれ。2018 年9月東京大学大学院博士課 程修了。2018年10月より 現職。